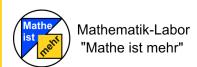


# Das Baumhaus-Projekt Team Hr. Bommel

**Arbeitsheft** 



Schule	
Klasse	
Laptop Nr.	





### Baumhaus-Projekt – Hr. Bommel

#### Liebe Schülerinnen und Schüler!

In diesem Projekt unterstützt ihr Sarah und Max in ihrem ehrgeizigen Vorhaben ein Baumhaus in Sarahs Garten zu bauen. Sie haben viele Ideen und die Väter und Großväter stehen als tatkräftige Heimwerker bereit.

Was ihnen fehlt ist ein Plan und der Durchblick beim Material!

Und dann ist da auch noch Herr Bommel ....

Herr Bommel ist ein Bär und liebt Mathematik. Er versucht alles mathematisch zu beschreiben und ist dabei nicht immer erfolgreich – um den müssen sich Max und Sarah auch noch kümmern!

Kurz, sie benötigen dringend eure Hilfe!" Helft ihnen dabei, die verschiedenen Fragen zu beantworten.

Ihr arbeitet mit eurem Partner hier im Arbeitsheft und digital.

Öffnet dazu den folgenden Link: <a href="https://www.mathe-labor.de/stationen/baumhaus-2020/">https://www.mathe-labor.de/stationen/baumhaus-2020/</a> und wählt für Hr. Bommel die **Variante C** aus.

Los geht's!



Wichtig: Bearbeitet bitte alle Aufgaben der Reihe nach!



Zu dieser Aufgabe gibt es Hilfen im Hilfeheft.



Diskutiert hier eure wichtigsten Ergebnisse und fasst sie zusammen.



Zu dieser Aufgabe gibt es eine Simulation.



Wir wünschen Euch viel Spaß beim Experimentieren und Entdecken!

Das Mathematik-Labor-Team



### Baumhaus-Projekt – Hr. Bommel

Herr Bommel hat eine runde Geschenkdose mit einem Durchmesser von 15 cm vor sich liegen. Er möchte gerne außen herum eine Schleife binden - das sieht einfach schöner aus! Er findet ein Stück Geschenkband, das eine Länge von 40 cm hat. Er ist sich sicher, dass das Band reicht. Der Versuch, eine Schleife zu binden,

scheitert aber kläglich. Das Band ist zu kurz!

Herr Bommel ist überrascht. Jetzt muss er sich genauer angucken, wie der Durchmesser und der Umfang eines Kreises zusammenhängen.

Durchmesser?
Umfang??

Als Beispiel schaut er sich erstmal eine zwei-Euro Münze an.



Eine Zwei-Euro Münze hat einen **Durchmesser (– –** ·) von 2,6 cm und einen **Umfang (······**) von 8,2 cm.

Wenn man sich die so anguckt, müsste man Umfang und Durchmesser doch leicht schätzen können! Herr Bommel ist im Schätzen allerdings sehr schlecht, deshalb darfst du das jetzt übernehmen:

#### Schätze:

<u> </u>	<u></u>
1.1	Welchen Durchmesser hat ein Kreis mit einen Umfang von 24 cm?
1.2	Welchen Umfang hat ein Kreis mit einem Durchmesser von 3 cm?
Schä	itzen reicht Herrn Bommel nicht. Das muss genauer werden! G

Schätzen reicht Herrn Bommel nicht. Das muss genauer werden! Gut, dass es Simulationen gibt. Leider kann er den Laptop mit seinen riesigen Pfoten nicht bedienen. Du musst das übernehmen. Öffne **Simulation 1**.

Hier kannst du den Durchmesser eines Kreises durch Klicken auf den Button "Durchmesser +1" oder "Durchmesser -1" verändern.

Durch Klicken auf "Start" "wickelt" sich dann der Umfang des Kreises ab.

So kannst du herausfinden, welchen Umfang verschiedene Kreise jeweils haben!

- 1.3 Bestimme für alle in der Simulation möglichen Durchmesser zwischen 0 cm und 8 cm jeweils den Umfang und trag deine Ergebnisse in die Tabelle auf deinem **Datenblatt** ein.
- 1.4 Überprüfe deine Schätzungen aus 1.1 und 1.2!





# Baumhaus-Projekt – Hr. Bommel

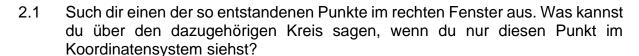
1.5	Schau dir in der Tabelle auf deinem <b>Datenblatt</b> die einander zugeordneten Werte, Durchmesser und Umfang, an. Herr Bommel ist sich sicher, da muss es einen Zusammenhang geben! Aber welchen? Was fällt dir auf? Notiere deine Feststellungen!
1.6	Herr Bommel weiß aus Erfahrung: Vermutungen muss man überprüfen! <b>Teile</b> dazu nun in jeder Zeile deiner Tabelle den <b>Umfang durch den Durchmesser</b> ( <b>Rechner auf dem Laptop, geöffnet,</b> ÷ <b>ist das Zeichen für geteilt)</b> und trag das Ergebnis in die dritte Spalte der Tabelle auf dem Datenblatt ein. Beschrifte die Spalte mit "Umfang: Durchmesser"!
1.7	Und? Hat sich deine Vermutung aus 1.5 bestätigt? Begründe, warum! Oder ergibt sich für dich ein neuer Zusammenhang? Dann beschreibe ihn!



### Baumhaus-Projekt – Hr. Bommel

Klicke nun auf "alles neu" und entferne dann in **Simulation 1** das Häkchen bei "Zuordnung". Wähle jetzt wieder verschiedene Durchmesser.

Wickle den Kreis erneut ab - entweder durch Klicken auf Start oder durch Ziehen am Schieberegler ———•.



7

2.2 Durch ein Häkchen bei "Graph" werden die Punkte verbunden (Graph nennt man die Punkte bzw. die Verbindungslinie im Koordinatensystem).
Herr Bommel ist aber unsicher. Darf man die Punkte denn einfach so verbinden? Das musst du dir genauer anschauen. Hier siehst du einen Ausschnitt aus dem Graphen. Welche Informationen kannst du dem **Punkt A** 

über den dazugehörigen Kreis entnehmen?







# **Baumhaus-Projekt – Hr. Bommel**

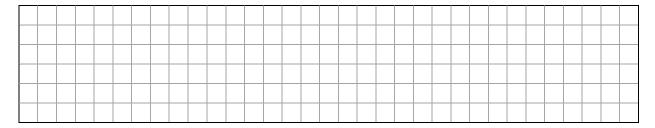
2.3	Sind diese inion	mationen, die in Punkt A stecken, innattiich sinnvoil? Begrunde!
2.4	Kommen wir wie verbinden? Beg	eder zu Herrn Bommels Frage: Darf man die Punkte einfach so ründe!
	~	
Kreise	mit einem Durch	len. Die Punkte zu verbinden ist eine gute Idee. Es gibt ja auch nmesser zwischen zum Beispiel 1 cm und 2 cm, oder mit einem Is 1 oder größer als 9.
Der G	raph beschäftigt	ihn aber immer noch
2.5		isst sich nämlich auch gut mit Worten beschreiben. Begründe se drei Wörter gut zu deinem Graphen passen!
	steigen	
	gleichmäßig	
	gerade	



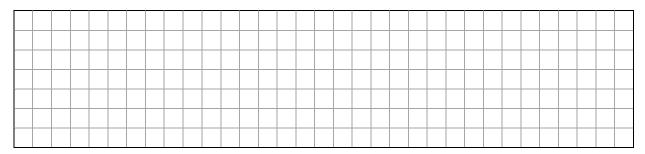
## Baumhaus-Projekt – Hr. Bommel

Mit Hilfe deiner Erkenntnisse kannst du jetzt auch die folgenden Fragen beantworten und Herrn Bommel mit seiner Geschenkdose helfen:

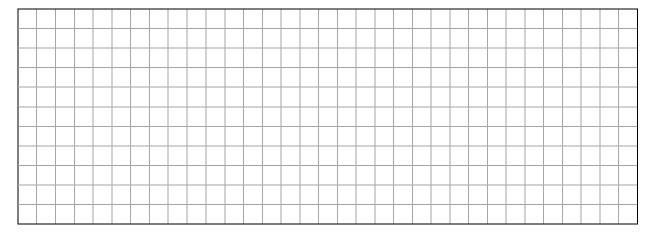
2.6 Welchen Durchmesser hat ein Kreis mit 12 cm Umfang ungefähr?



2.7 Welchen Umfang hat ein Kreis mit 4,5 cm Durchmesser ungefähr?



2.8 Herr Bommels Geschenkdose hat einen Durchmesser von 15 cm. Wie lang muss das Geschenkband mindestens sein, damit es um die Dose passt?





### Baumhaus-Projekt – Hr. Bommel

Das Geschenk ist verpackt, Herr Bommel hat also Zeit. Deshalb spielt er mit seinem Zauberwürfel. Aber es will ihm einfach nicht gelingen, die bunten Felder in die richtige Reihenfolge zu drehen. Sowas!

Dabei fällt ihm auf, dass der große Würfel aussieht, als wäre er aus vielen kleinen Würfeln zusammengesetzt.

Wie viele kleine Würfel braucht man wohl für einen großen Würfel?



(by Mike Gonzales)

Stelle dir vor, du hättest viele kleine Würfel. Jeder Würfel ist 1 cm lang, 1 cm breit und 1 cm hoch.

3.1	<u>Schätze</u> : Wie viele kleine Würfel benötigt man, um
	einen Würfel mit einer Kantenlänge von 3 kleinen Würfeln zu bauen?
	einen Würfel mit einer Kantenlänge von 5 kleinen Würfeln zu bauen?

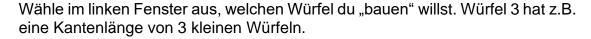




### Baumhaus-Projekt – Hr. Bommel

Jetzt probierst du einfach aus, was stimmt! Herr Bommel würde es ja selbst machen, aber diese großen Pfoten...

#### Öffne Simulation 2.



Wenn du jetzt auf "Start" klickst, füllt sich der große Würfel mit kleinen Würfeln.

Mit "alles neu" kannst du die Zahl der Würfel wieder auf "Null" setzen. Durch Ziehen am Schieberegler kannst du den Würfel selbst zusammen-"bauen".

Wenn du auf "Drehen" klickst, dreht sich der Würfel.

Probiere es einfach aus!

3.2 "Baue" auf dies Weise aus den kleinen Würfeln alle möglichen großen Würfel und trage die Werte auf deinem **Datenblatt** in Tabelle "Würfel" ein (Würfel pro Kante – Gesamtwürfelanzahl). Beginne mit **1 kleinen Würfel** als Kantenlänge.

Überprüfe deine Schätzungen aus 3.1.

Klicke auf "alles neu". Entferne dann in **Simulation 2** das Häkchen bei "Graphik" und setze dafür ein Häkchen bei "Punkte" (rechtes Fenster). Starte die Simulation erneut.

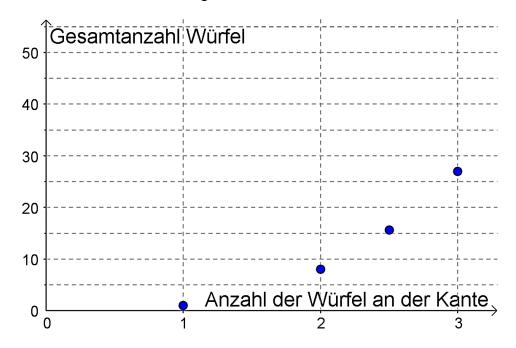
3.3	Welche Informationen stecken in jedem der Punkte im rechten Fenster in Bezug
	auf die Würfel?





## Baumhaus-Projekt - Hr. Bommel

3.4 Hier siehst du wieder einen Ausschnitt aus der graphischen Darstellung. Es gibt einen Punkt, der nicht in dem Koordinatensystem auf deinem Bildschirm erscheint. Markiere ihn farbig!



3.5 Der Punkt heißt (2,5 | 15,63). Welche Informationen in Bezug auf den großen bzw. die kleinen Würfel stecken darin?



3.6 Warum ist dieser Punkt inhaltlich nicht sinnvoll?





### Kreise und Würfel

3.7	Entscheide und begründe nun, ob es sinnvoll ist, die Punkte mit einander zu verbinden.
	hast du aber schon viel geschafft! Herr Bommel ist ganz begeistert, dass Kreise ürfel verschiedene Zusammenhänge liefern.
	annst du direkt die folgenden Fragen beantworten. Gib eine Rechnung an und ee die Simulation, wenn du unsicher bist!
4.1	Wie viele kleine Würfel sind notwendig, um aus einem Würfel mit einer Kantenlänge von 2 einen Würfel mit Kantenlänge 3 zu machen?
4.2	Wie viele kleine Würfel sind notwendig, um aus einem Würfel mit einer
4.2	Kantenlänge von 3 einen Würfel mit Kantenlänge 4 zu machen?



### Kreise und Würfel

4.3 Vervollständige:

Wenn ich die Kantenlänge von 2 auf 3 l	kleine Würfel vergrößere, kommen
insgesamt	_ kleine Würfel dazu.
Wenn ich die Kantenlänge von 3 auf 4 l	kleine Würfel vergrößere, kommen
insgesamt	_ kleine Würfel dazu.

4.4 Wo liegt der Unterschied zum Zusammenhang von Durchmesser und Umfang? Hier zur Erinnerung nochmal eine Tabelle:

	Durchmesse eines Kreises	Umfang eines Kreises		
+ 1cm	1 cm	ca. 3,14 cm	Л	+ 3,14 cm
	2 cm	ca. 6,28 cm	10	
+ 1 cm	3 cm	ca. 9,42 cm	2	+ 3,14 cm

Vergleiche diese Werte mit denen aus 4.2. Wo liegt der Unterschied?



4.5 Schau dir die graphische Darstellung zu den Würfeln nochmal an (rechtes Fenster in der Simulation).

Welches/welche der drei Wörter von vorhin (steigen, gleichmäßig, gerade) beschreiben die Lage der Punkte **nicht**? Erkläre, warum das so ist!



## Kreise und Würfel

4.6				echnu felan											de	r k	leir	ner	ו W	/ür	fel	pr	o K	(an	ite	die	·	
Jetzt kann bean	st di	ı H																						No.				
Der Z	Zaube	erwü	irfel	hat e	eine	Ka	nter	ılän	ge	VOI	n 4	l kl	eir	en	W	/ür	felr	٦.				A	T		(by	Mike	e Go	nzal
5.1	Wie	e vie	le W	/ürfel	l ber	nöti	gt n	nan	ur	n s	5O €	ein	en	Za	aub	er	wü	rfe	Ιzι	ı b	au	en	?					
5.2	bes	tehe	en w	ber, ürde grün	? W	ie v	/iele	bra	iuc	hte	m	nan	ı da			ır c	lie	Au	ße	nw	an	d a	aus	W	ürf	eln	l	
																										$\dashv$		
																										-		
																												_
								+																		$\dashv$		
					+			+																		$\dashv$		



#### Gefäße füllen

Nach all der Anstrengung mit den Würfeln hat Herr Bommel Lust auf eine Honigmilch. Natürlich aus einem besonders schönen Glas. Ein Cocktailglas muss es sein. Wie hoch die Milch wohl im Glas steht, wenn er 250 ml trinken möchte? Oder vielleicht doch 300 ml?

Da kannst du ihm direkt wieder helfen. Öffne **Simulation 3**:



Miss nach dem Einfüllen von 20 ml Wasser mit dem Lineal (mit der Maus darauf klicken, festhalten und bewegen), wie hoch das Wasser im Gefäß steht.

Trage die Gesamtmenge an Wasser (Füllvolumen) und deinen gemessenen Wert (Füllhöhe) in die Tabelle "Gefäße füllen" auf deinem **Datenblatt** ein.

Mach so lange weiter, bis sich kein Wasser mehr einfüllen lässt.

Beantworte auf Basis deiner Wertetabelle die folgenden Fragen. Sollte deine Tabelle kein Ergebnis liefern, musst du den gesuchten Wert auf Grundlage deiner Messung schätzen.

6.2	Wie viel Wasser befindet sich im Cocktailglas, wenn die Füllhöhe ca. 3 cm beträgt?
6.3	Jetzt kannst du auch Herr Bommels Fragen beantworten. Wie hoch ungefähr steht die Honigmilch bei einer Füllmenge von 250 ml im Cocktailglas?
6.4	Wie hoch ungefähr steht die Honigmilch bei einer Füllmenge von 300 ml im Cocktailglas?



### Gefäße füllen

Das Cocktailglas reicht Herr Bommel nicht. Da gibt es ja noch soooooo viele andere Gefäße. Zum Beispiel die zwei auf dem Bild.

Stell dir vor, du würdest die Schüssel und das Glas mit genau 200 ml Wasser befüllen.



6.5 Wie würde der Füllstand der zwei Gefäße sich unterscheiden? Worar	n liegt das?
Wie du bereits weißt, bietet sich eine graphische Darstellung an, um überblick zu verschaffen.	sich einen
Klicke auf "alles neu". Entferne dann in <b>Simulation 3</b> das Häkchen bei "Grapsetze stattdessen ein Häkchen bei "Punkte" im rechten Fenster. Fülle derneut mit Wasser.	
7.1 Welche Informationen liefern die einzelnen Punkte, die im rechte entstehen?	en Fenster



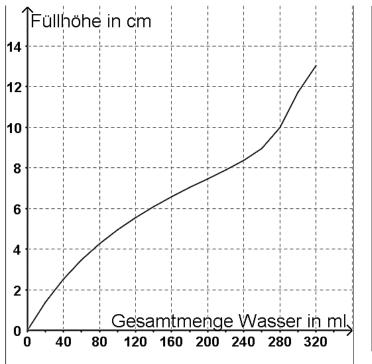
### Gefäße füllen

7.2 Leere das Gefäß. Wenn du nun bei "Graph" ein Häkchen setzt und das Gefäß erneut füllst, werden die Punkte verbunden. Erkläre, warum es sinnvoll ist, die einzelnen Punkte miteinander zu verbinden. Denk daran, was du bei Kreisen und Würfeln gelernt hast!





7.3 Hier siehst du den Graph nochmal. Markiere im Graphen, wann das Wasser besonders schnell steigt. Wie hängt die Geschwindigkeit, mit der das Wasser ansteigt, mit der Form des Glases zusammen?





## Gefäße füllen

7.4	Beschreibe auf Grundlage des Graphen nun möglichst genau, wie das Wasser im Cocktailglas ansteigt. Verwende die folgenden Begriffe: langsam, schnell, steil, flach, steigen, breit, schmal						
Geschwindigkeit ist ein Thema, das Herr Bommel sehr interessiert.  Damit muss man sich genauer beschäftigen!							
Öffne	dazu <b>Simulation 4.</b>						
8.1	Klicke auf den "-1 cm" oder "+1 cm" Button. Was verändert sich?						
8.2	Wie wirkt sich diese Veränderung wahrscheinlich auf die Geschwindigkeit aus, mit der das Wassers im Glas ansteigt? Formuliere Vermutungen!						



### Gefäße füllen

Entscheide dich nun für eine Bodengröße des Glases und starte die Simulation. Beobachte den Graphen, der im rechten Fenster entsteht (Lass die Simulation bis zum Ende laufen!). Mach dies mit verschiedenen Bodengrößen.

8.3	Wergleiche die Graphen mit einander. Was fällt dir auf?							
		e folgende er ansteigt!		e! Mach eine Aus	sage ü	ber die <b>Geschwir</b>	ndigke	<b>it</b> , mit der
8.4	Je	größer	der	Durchmesser	des	Wasserglases	ist,	desto
8.5	Je ——	kleiner	der	Durchmesser	des	Wasserglases	ist,	desto
8.6	Schau die verschiedenen Graphen genau an. Woran kann man ihnen ansehen, wie schnell das Wasser im Gefäß ansteigt?							



### Gefäße füllen

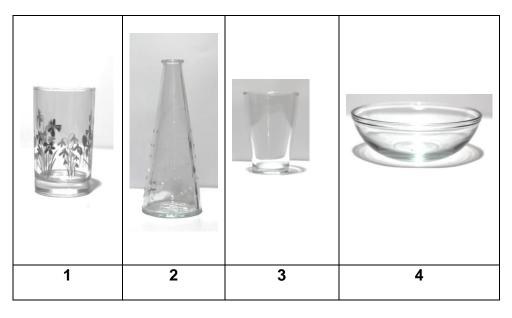
8.7	sich diese Veränderung auf den Graphen auswirken?						
Herr I	Bommel ist begeistert. Je steiler der Graph, desto schneller steigt das Wasser!						
Wer h	nätte es gedacht?						
Und s	schon hat er ein neues Problem, das gelöst werden will						

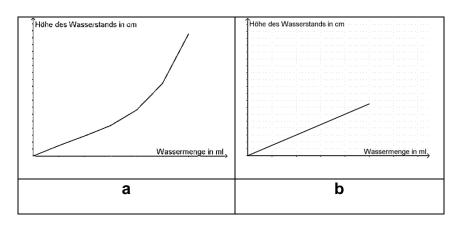


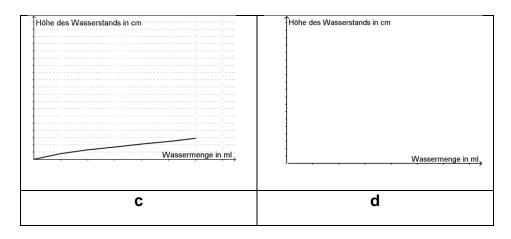
### Gefäße füllen

9.1 Hier siehst du verschiedene Gefäße und Graphen. Sortiere sie einander zu und gib eine kurze Begründung (nächste Seite) für deine Wahl an.











### Gefäße füllen

	Buch- stabe	Begründung
1		
2		
3		
4		



### **Bleistifte und Spitzer**

Herr Bommel hat seine Honigmilch getrunken, die Welt ist wieder in Ordnung © Jetzt will er sich direkt notieren, was heute noch alles zu erledigen ist. Ohne Stift ist das allerdings schwierig. Endlich findet er einen Bleistift. Der ist aber so kurz, dass er ihn nicht mal in seiner Pfote halten kann...

Wie viele Spitzbewegungen wohl nötig waren, damit der Bleistift so kurz geworden ist?

Öffne **Simulation 5.** Wenn du auf "Spitzen" klickst, wird der Bleistift mit jeweils 30 Spitzbewegungen "gespitzt".

Benutze die Simulation, um die folgenden Fragen zu beantworten:

10.1 Fülle mit Hilfe der Simulation die Tabelle auf deinem **Datenblatt** aus. Lies jeweils ab, wie lang der Stift nach 30 Spitzbewegungen noch ist! Beginne mit "0 Spitzbewegungen".

10.2 Welche Größen hängen in dieser Simulation zusammen? Beschreibe den

Zusammenhang! (Beispiel: Denk an den Kreis: Durchmesser und Umfang hängen zusammen, der Umfang ist ca. dreimal so groß wie der Durchmesser.)

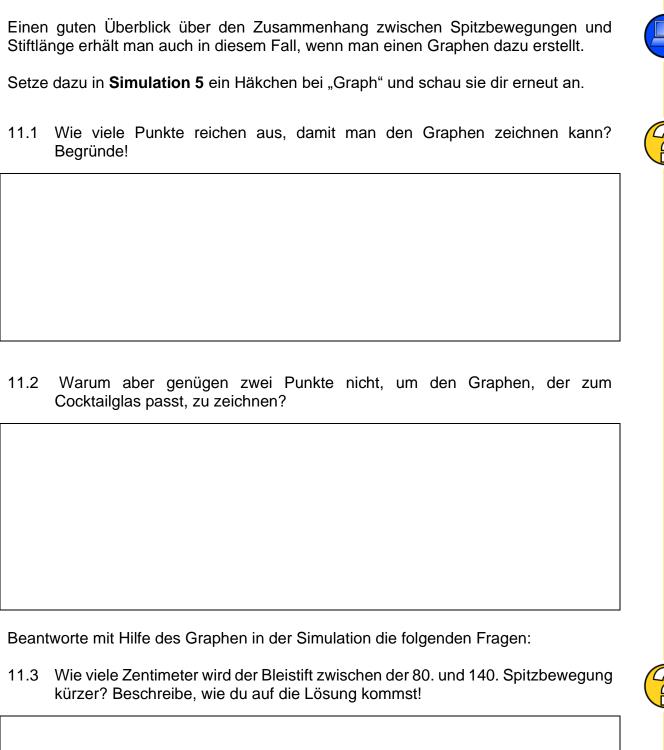
Schätze nun auf Grundlage deiner gemessenen Werte:

10.3 Wie lang war der Bleistift nach 105 Spitzbewegungen noch?

10.4	Wie viele Spitzbewegung vollkommen "weg zu spitz	•	man,	um	einen	8	cm	langen	Bleistift
	[								



### **Bleistifte und Spitzer**







### **Bleistifte und Spitzer**

11.4 Welche Aussage stimmt? Kreuze eine Antwort an und begründe, warum du dich für sie entschieden hast.

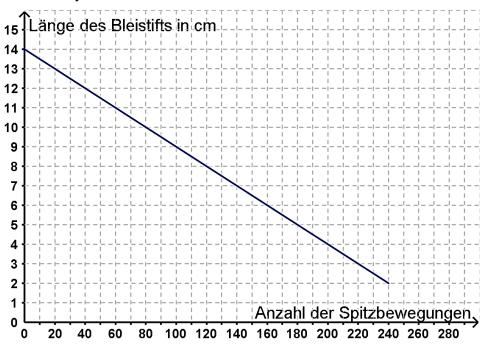
Die Geschwindigkeit, mit der der Bleistift kürzer wird, wird immer größer.
Die Geschwindigkeit, mit der der Bleistift kürzer wird, wird immer geringer.
Die Geschwindigkeit, mit der der Bleistift kürzer wird, ist immer gleich.

Herr Bommel hat nach längerem Suchen mehrere Bleistifte gefunden, mit denen er jetzt schreiben könnte. Aber er hat auch zwei Spitzer in seinem Schreibtisch entdeckt. Das wirft Fragen auf:

Wenn er den 14 cm langen Bleistift mit 20 Spitzbewegungen spitzt, wird er 1 cm kürzer (vergleiche Graph unten).

Wenn er einen zweiten, 14 cm langen Bleistift mit einem anderen Spitzer spitzt, wird der Bleistift durch 20 Spitzbewegungen sogar 1,5 cm kürzer.

12.1 Skizziere den zum zweiten Spitzer passenden Graphen in dieses Koordinatensystem!





### **Bleistifte und Spitzer**

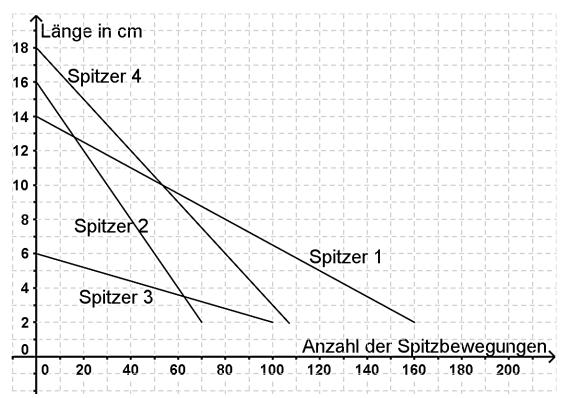
12.2 Setze in **Simulation 5** nun ein Häkchen bei Spitzer 2. Vergleiche den Graphen von Spitzer 2 mit deinem aus 12.1. Verbessere ihn gegebenenfalls. Entnimm der Darstellung dann die folgenden Informationen: 12.3 Welche Länge hat der zweite Stift nach 40 Umdrehungen? 12.4 Wie viele Zentimeter ist der erste Stift nach 160 Drehungen kürzer? 12.5 Beschreibe, worin sich die beiden Graphen unterscheiden. Was bedeutet das für die beiden benutzten Spitzer? 12.6 Warum endet der Graph von Spitzer 1 bei 240 Spitzbewegungen?



### **Bleistifte und Spitzer**

12.7 In Herr Bommels Schublade finden sich noch mehr Spitzer und Bleistifte. Er spitzt direkt drauf los. Stellt sich die Frage: Welcher Spitzer spitzt am besten? Stell eine Rangfolge auf und begründe deine Entscheidung!





Mathematik-Labor "Mathe-ist-mehr"
RPTU Kaiserslautern-Landau
Institut für Mathematik
Didaktik der Mathematik (Sekundarstufen)
Fortstraße 7
76829 Landau

https://mathe-labor.de

Autorin: Dr. Susanne Digel

Variante C

Veröffentlicht am: 01.08.2020