



Station  
„Brüche addieren und  
subtrahieren“  
Teil 3  
Arbeitsheft

Schule

Klasse

Tischnummer

--	--	--	--	--	--	--	--

Teilnehmercode



Mathematik-Labor  
"Mathe ist mehr"





# Mathematik-Labor

## Brüche addieren und subtrahieren

**Liebe Schülerinnen und Schüler!**

Herzlich willkommen im Mathematik-Labor „Mathe ist mehr“.

In den ersten beiden Teilen der Station habt ihr euch mit der Addition von Brüchen und der Subtraktion von Brüchen mit gleichem Nenner beschäftigt.

Im dritten Teil nehmt ihr nun auch die Subtraktion von Brüchen mit verschiedenen Nennern unter die Lupe.

**Wichtig:** Bearbeitet bitte alle Aufgaben der Reihe nach!

**Es handelt sich bei dieser Station um eine Online-Version. Schau unbedingt in den Materialordner hinein und lies dir dort die Informationen aufmerksam durch.**



Zu dieser Aufgabe gibt es Hilfen im Hilfeheft.



Diskutiert hier eure wichtigsten Ergebnisse und fasst sie zusammen.



Zu dieser Aufgabe gibt es eine Simulation oder ein Video.



Zu dieser Aufgabe gibt es Material auf eurem Tisch.



Wir wünschen Euch viel Spaß beim Experimentieren und Entdecken!



# Mathematik-Labor

## Brüche addieren und subtrahieren

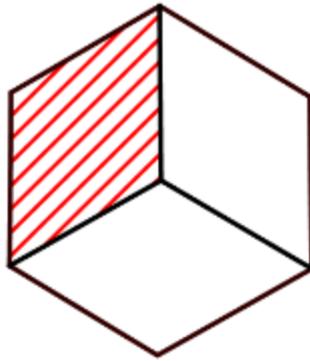
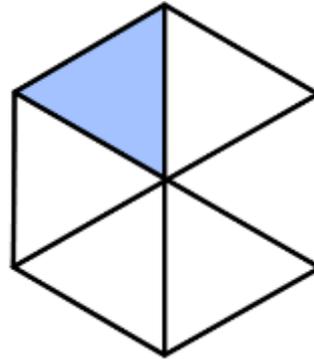
Das Mathematik-Labor-Team



# Brüche addieren und subtrahieren

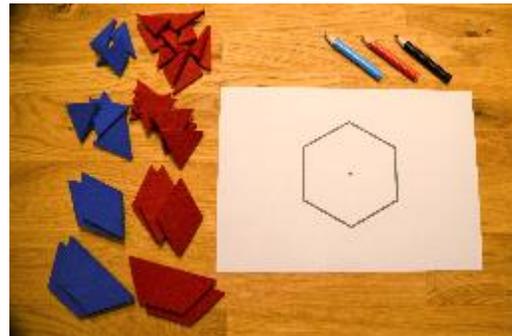
## Aufgabe 1: Subtraktion ungleichnamiger Brüche – Teil 2

1.1 Seht euch die folgende WABIs an. Bestimmt bei beiden WABIs den markierten Anteil. Notiert die Brüche in den vorgesehenen freien Feldern!


$$\frac{\square}{\square}$$

$$\frac{\square}{\square}$$

### Material

- WABIs
- rote, blaue und schwarze Buntstifte
- weiße WABI-Vorlage



1.2 Wir wollen nun die beiden Brüche voneinander abziehen. Erklärt, ob man die Aufgabe mit den gegebenen WABIs lösen kann. Notiert euer Ergebnis!



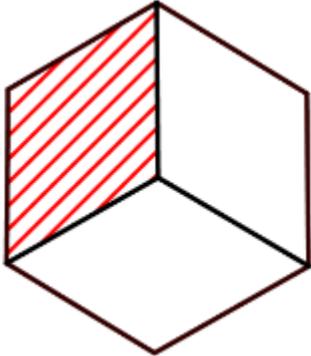
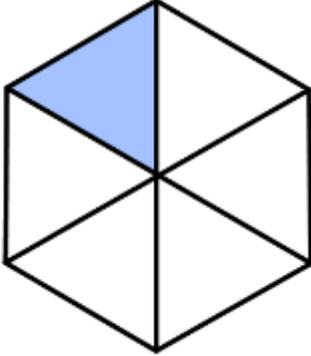
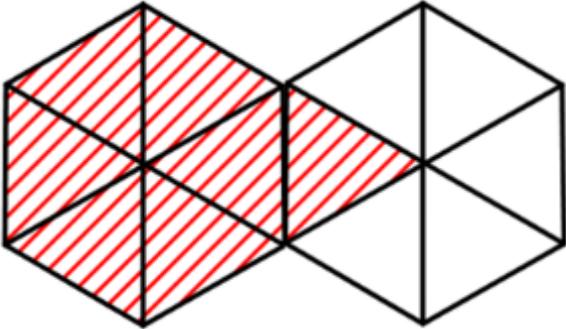
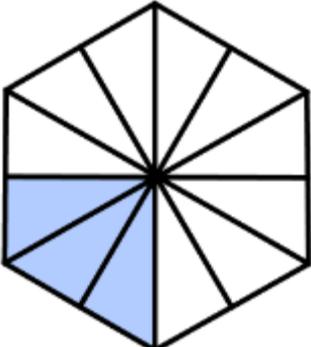


# Brüche addieren und subtrahieren

## Aufgabe 1: Subtraktion ungleichnamiger Brüche – Teil 2

1.3 Ihr kennt ein ähnliches Problem bereits von der Addition von Brüchen mithilfe der WABIs. Wie könntet ihr dieses Problem lösen? Ist das Verfahren, das ihr verwendet habt, auch zur Subtraktion von WABIs hilfreich? Tauscht euch in der Gruppe aus!

1.4 Löst die folgenden Aufgaben durch Legen der WABIs! Schreibt die Lösungen in die freien Felder!

			
$\frac{1}{3}$	–	$\frac{1}{6}$	= $\frac{\square}{\square}$
<hr/>			
			
$\frac{7}{6}$	–	$\frac{3}{12}$	= $\frac{\square}{\square}$





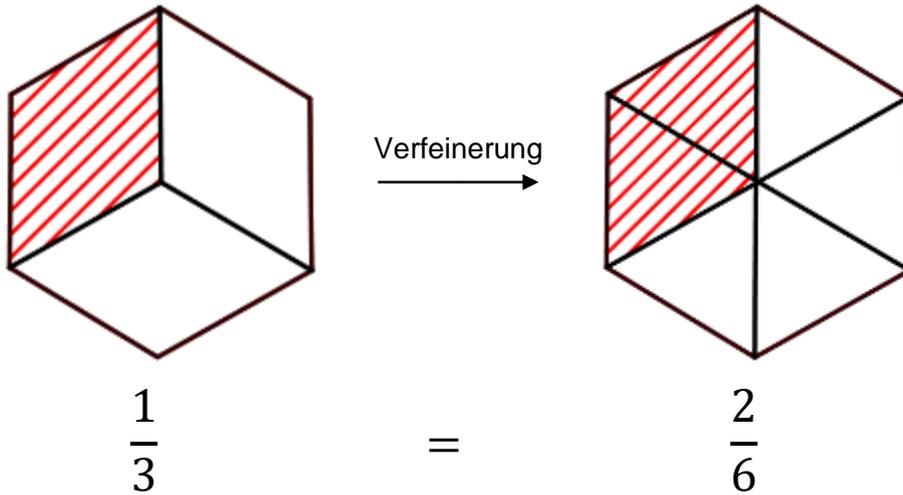
# Brüche addieren und subtrahieren

## Aufgabe 1: Subtraktion ungleichnamiger Brüche – Teil 2

Auch bei einer zeichnerischen Lösung müssen die WABIs verfeinert werden. Zur Verfeinerung wird der schwarze Stift verwendet.



Beispiel:





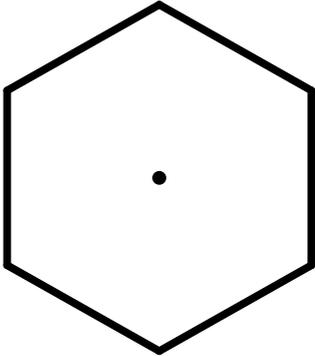
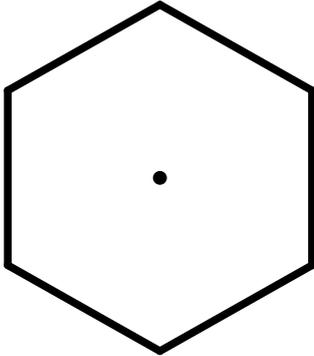
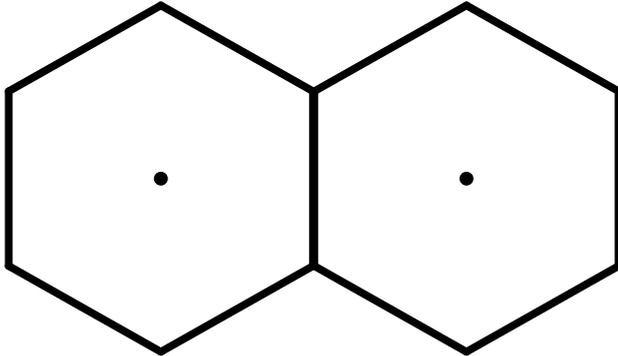
# Brüche addieren und subtrahieren

## Aufgabe 1: Subtraktion ungleichnamiger Brüche – Teil 2

Die Fläche des Subtrahenden kann nun wie in Heft 2 mit einem blauen Stift schraffiert werden.

1.5 Löst die folgenden Aufgaben zeichnerisch! Führt die Verfeinerungen durch wie im Beispiel erklärt!



 $\frac{5}{6} - \frac{1}{3} = \frac{\square}{\square}$	 $\frac{1}{2} - \frac{1}{6} = \frac{\square}{\square}$
 $\frac{10}{6} - \frac{1}{3} = \frac{\square}{\square}$	



# Brüche addieren und subtrahieren

## Aufgabe 2: Subtraktion ungleichnamiger Brüche – Teil 2

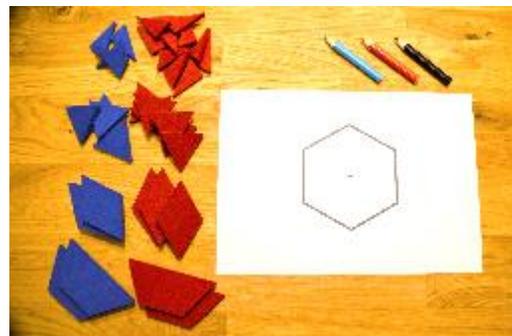
Bisher musste **entweder** der Minuend **oder** der Subtrahend verfeinert werden. Nun werden Fälle betrachtet, bei denen der Minuend **und** der Subtrahend verfeinert werden müssen.

2.1 Seht euch **Video 3** an!

2.2 Beschreibt in eigenen Worten, wie das Problem im Video gelöst wurde!

### Material

- WABIs
- rote, blaue und schwarze Buntstifte
- weiße WABI-Vorlage



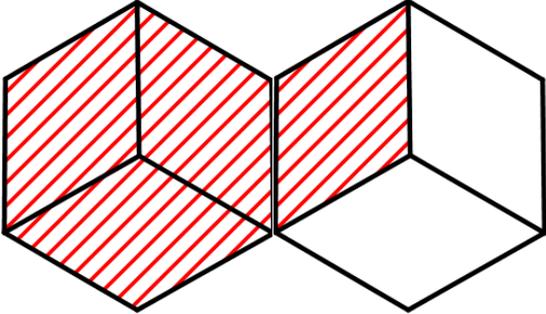
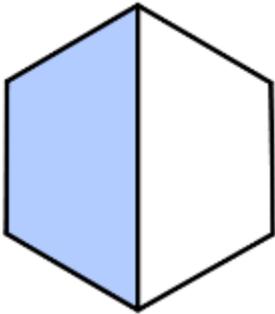
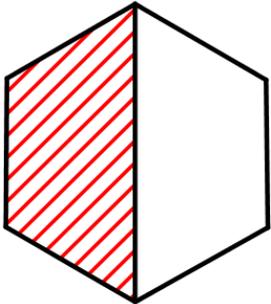
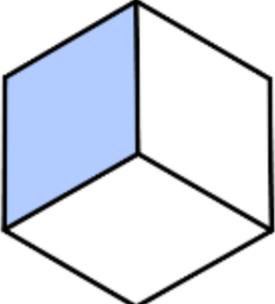
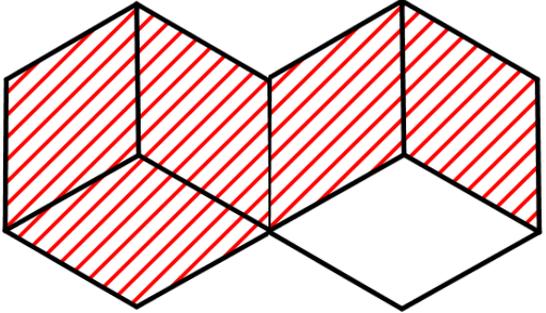
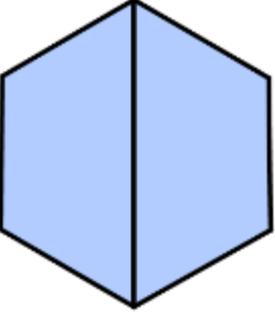


# Brüche addieren und subtrahieren

## Aufgabe 2: Subtraktion ungleichnamiger Brüche – Teil 2

2.3 Löst die folgenden Aufgaben durch Legen der WABIs! Schreibt die Lösung in die freien Felder!



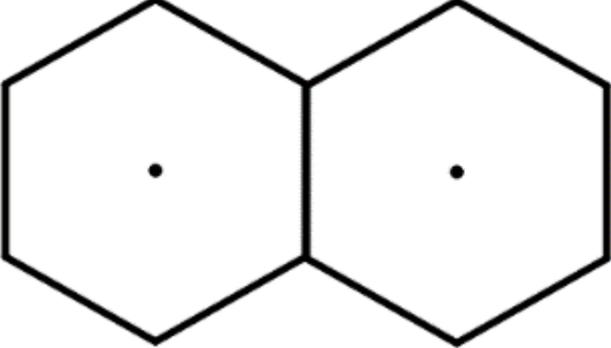
		
$\frac{4}{3}$	–	$\frac{1}{2} = \frac{\square}{\square}$
		
$\frac{1}{2}$	–	$\frac{1}{3} = \frac{\square}{\square}$
		
$\frac{5}{3}$	–	$\frac{2}{2} = \frac{\square}{\square}$

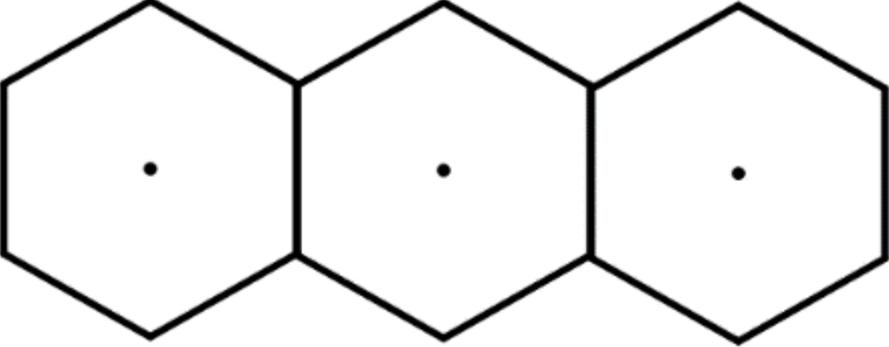


# Brüche addieren und subtrahieren

## Aufgabe 2: Subtraktion ungleichnamiger Brüche – Teil 2

2.4 Löst die beiden folgenden Aufgaben zeichnerisch! Nehmt hierfür die roten, blauen und schwarzen Buntstifte.

  
$$\frac{3}{2} - \frac{2}{3} = \frac{\square}{\square}$$

  
$$\frac{5}{2} - \frac{4}{3} = \frac{\square}{\square}$$





# Brüche addieren und subtrahieren

## Aufgabe 2: Subtraktion ungleichnamiger Brüche – Teil 2



### Gruppenergebnis

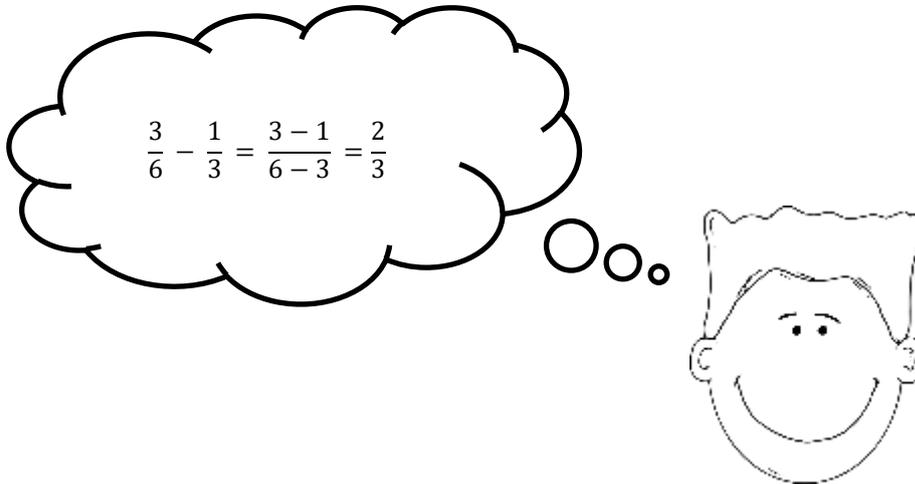
2.5 Erläutert in eigenen Worten, wie man mit dem Prinzip der Verfeinerung ungleichnamige Brüche subtrahieren kann!



# Brüche addieren und subtrahieren

## Aufgabe 2: Subtraktion ungleichnamiger Brüche – Teil 2

Tim überlegt, wie man Brüche durch reines Rechnen, also ohne WABIs oder Zeichnungen, voneinander abziehen kann.



2.6 Ist Tims Rechnung richtig? Kommentiert seine Idee! Die WABIs können dabei hilfreich sein.



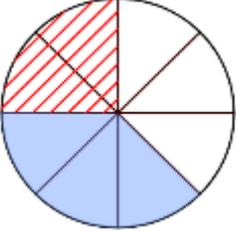
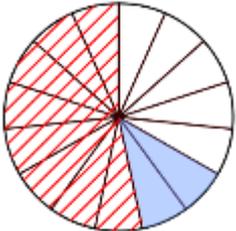
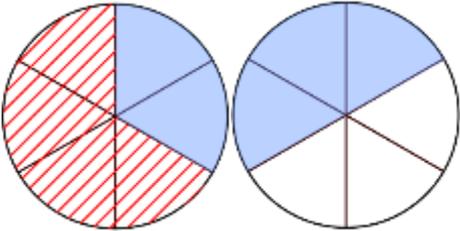
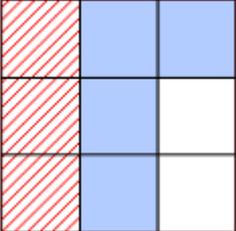
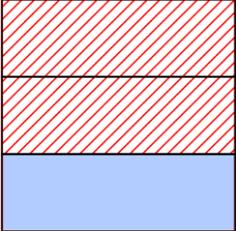
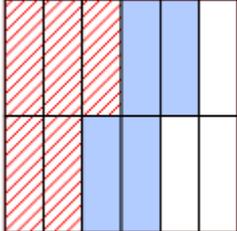


# Brüche addieren und subtrahieren

## Aufgabe 3: veränderte Grundfläche

Rechenaufgaben zur Addition und Subtraktion von Brüchen sind nicht an die WABIs gebunden. Die Grundfläche des Ganzen kann variiert werden.

3.1 Vervollständige die Rechnungen.

 $\frac{2}{8} + \frac{3}{8} = \frac{\square}{\square}$	 $\frac{8}{\square} + \frac{\square}{15} = \frac{\square}{\square}$	 $\frac{\square}{6} + \frac{\square}{\square} = \frac{9}{\square}$
 $\frac{3}{\square} + \frac{4}{\square} = \frac{\square}{\square}$	 $\frac{\square}{3} + \frac{\square}{\square} = \frac{3}{\square}$	 $\frac{\square}{\square} + \frac{4}{\square} = \frac{\square}{\square}$

3.2 Überlege dir selbst eine Rechenaufgabe wie in Aufgabe 3.1! Nutze als Grundfläche des Ganzen das abgedruckte Quadrat und fülle die Lücken der Gleichung.



$$\frac{\square}{\square} + \frac{\square}{\square} = \frac{\square}{\square}$$



# Brüche addieren und subtrahieren

## Aufgabe 4: Kuchenverkauf

Der Kindergarten Sonnenschein verkauft beim Sommerfest Kuchen. In der Mittagspause ist von den 3 Kuchen noch folgendes übrig:



### 4.1 Vervollständige die Lücken!

Der Schokokuchen wurde in \_\_\_\_\_ Stücke geschnitten.

Davon wurden bisher \_\_\_\_\_ Stücke verkauft.

Der Streuselkuchen wurde in \_\_\_\_\_ Stücke geschnitten.

Davon wurden bisher \_\_\_\_\_ Stücke verkauft.

Der Käsekuchen wurde in \_\_\_\_\_ Stücke geschnitten.

Davon wurden bisher \_\_\_\_\_ Stücke verkauft.



# Brüche addieren und subtrahieren

## Aufgabe 4: Kuchenverkauf



4.2 Wie viel Kuchen ist von jeder Sorte übrig? Gib das Ergebnis als Anteil vom ganzen Kuchen an!

Vom Schokokuchen sind	<input style="width: 30px; height: 20px;" type="text"/> <input style="width: 30px; height: 20px;" type="text"/>	übrig.
Vom Streuselkuchen sind	<input style="width: 30px; height: 20px;" type="text"/> <input style="width: 30px; height: 20px;" type="text"/>	übrig.
Vom Käsekuchen sind	<input style="width: 30px; height: 20px;" type="text"/> <input style="width: 30px; height: 20px;" type="text"/>	übrig.

4.3 Von welchem Kuchen ist weniger als die Hälfte, mehr als die Hälfte oder genau die Hälfte übrig? Kreuze die richtige Antwort an!

	<u>weniger</u> als die Hälfte ist übrig	<u>genau</u> die Hälfte ist übrig	<u>mehr</u> als die Hälfte ist übrig
Schokokuchen	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
Streuselkuchen	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
Käsekuchen	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>

4.4 Von welchem Kuchen wurde bisher am meisten verkauft?



## Brüche addieren und subtrahieren

### Aufgabe 4: Kuchenverkauf

- 4.5 Ein vierter Kuchen kommt noch in der Mittagspause zum Verkaufsstand hinzu. Denke dir zu folgender Rechnung passende Aussagen (wie z.B. in Aufgabe 4.1 und 4.2) zum Verkauf dieses Kuchens am Nachmittag aus!

$$\frac{16}{16} - \frac{12}{16} = \frac{4}{16}$$

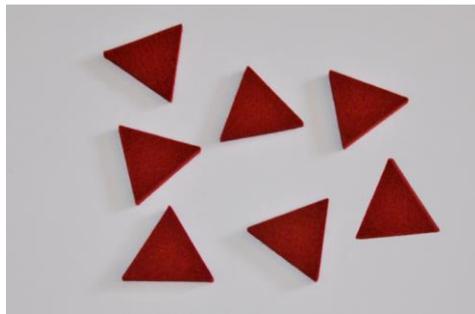


# Brüche addieren und subtrahieren

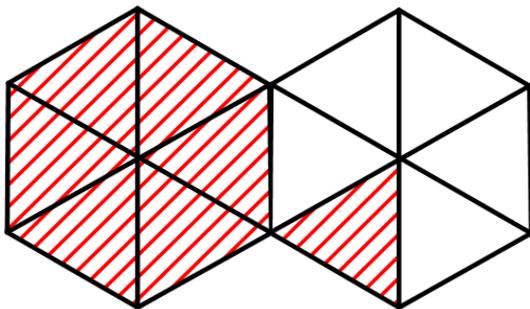
## Aufgabe 5: Zusatzaufgabe

Wenn ihr jetzt noch Zeit habt, könnt ihr diese **zusätzliche Aufgabe** bearbeiten.

Tim findet in seiner Schultasche sieben Sechstel-WABIs.



Nun möchte er wissen wie viele ganze WABIs er damit auslegen kann. Dazu legt er die Sechstel-WABIs auf die WABI-Vorlagen:



- 5.1 Gebt an, wie viele ganze WABIs Tim mit seinen sieben Sechstel-WABIs auslegen kann und welcher Bruchteil noch übrig bleibt.

Man kann \_\_\_\_\_ ganze WABIs auslegen.

Übrig bleibt noch der Bruchteil  $\frac{\square}{\square}$ .



# Brüche addieren und subtrahieren

## Aufgabe 5: Zusatzaufgabe

Beim Durchstöbern seines Mathebuchs hat Tim die folgende Aufgabe gefunden:

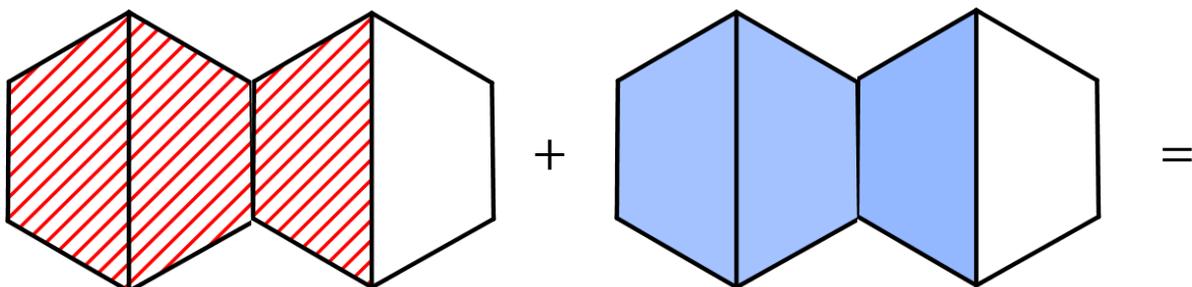
$$1\frac{1}{2} + 1\frac{1}{2} = ?$$



- 5.2 Überlegt gemeinsam, was die Schreibweise bedeuten könnte!  
Notiert eure Ergebnisse!



Tim stellt jetzt die Aufgabe mit den WABIs dar:





# Brüche addieren und subtrahieren

## Aufgabe 5: Zusatzaufgabe

5.3 Löst nun die Aufgabe mit Hilfe der WABIs!

$$1\frac{1}{2} + 1\frac{1}{2} =$$

5.4 Löst die folgenden Aufgaben mit Hilfe der WABIs! Ihr dürft dazu alle bekannten Verfahren verwenden.

$$\frac{1}{3} + 1\frac{1}{3} =$$

$$1\frac{2}{3} - \frac{1}{3} =$$

$$1\frac{1}{2} + \frac{2}{2} =$$

$$\frac{3}{6} + 1\frac{1}{3} =$$



Mathematik-Labor „Mathe-ist-mehr“  
RPTU Kaiserslautern-Landau  
Institut für Mathematik  
Didaktik der Mathematik (Sekundarstufen)  
Fortstraße 7  
76829 Landau

<https://mathe-labor.de>

Zusammengestellt von:  
Tobias Loibnegger, Eric Schumacher, Christina Lemke

Betreut von:  
Prof. Dr. Jürgen Roth

Variante A

Veröffentlicht am:  
12.08.2019